

in cui r rappresenta la distanza dal punto qualunque (ξ, η, ζ) di questa retta al punto di contatto (x, y, z) , misurata nel senso in cui si va dal primo al secondo.

Si immagini il sistema delle linee che hanno le tangenti conjugate colle $p_2 = \text{cost.}$ Le tangenti a due curve consecutive di quest'ultimo sistema, nei punti in cui le curve stesse sono tagliate da una delle curve conjugate, s'incontrano in un punto. Indichiamo con Sp_j , Sp_2 gli incrementi che ricevono p_x e p_2 quando si passa dal punto (p_x, p_2) al punto contiguo, lungo la conjugata della linea $p_2 = \text{cost.}$ Supponendo che ξ, η, ζ , siano le coordinate del punto comune alle due tangenti consecutive, gli incrementi $\Delta \xi, \Delta \eta, \Delta \zeta$, sono nulli, e si ha quindi

$$\frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2} + \frac{dx}{dp_2} \frac{dp_2}{dp_x} = \frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2} + \frac{dx}{dp_2} \frac{dp_2}{dp_x} \cdot \frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2}$$

$$\frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2} + \frac{dx}{dp_2} \frac{dp_2}{dp_x} = \frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2} + \frac{dx}{dp_2} \frac{dp_2}{dp_x} \cdot \frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2}$$

$$\frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2} + \frac{dx}{dp_2} \frac{dp_2}{dp_x} = \frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2} + \frac{dx}{dp_2} \frac{dp_2}{dp_x} \cdot \frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2}$$

$$\frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2} + \frac{dx}{dp_2} \frac{dp_2}{dp_x} = \frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2} + \frac{dx}{dp_2} \frac{dp_2}{dp_x} \cdot \frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2}$$

da cui, moltiplicando per -3 , -2 , -1 e sommando con

riguardo alla

$$\frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2} + \frac{dx}{dp_2} \frac{dp_2}{dp_x} = \frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2} + \frac{dx}{dp_2} \frac{dp_2}{dp_x} \cdot \frac{dx}{dp_x} \frac{dp_x}{dp_2}$$

si ottiene

$$bl - ''$$

Ma dall'equazione precedente e dalle

si deduce facilmente

$$\left(\frac{\partial}{\partial p_1} \frac{1}{h_2} \delta p_2 - \frac{1}{h_1} \frac{\partial}{\partial p_2} \delta p_1 \right)$$

dunque sostituendo

BELTRAMI, tOmO I.

•